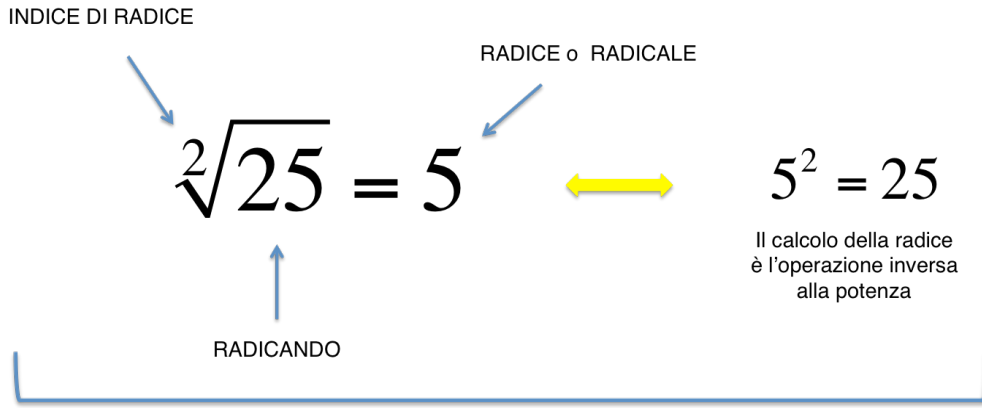


# RADICI QUADRATE



## PERFETTE

il radicale è un **numero intero o decimale limitato** formato da un **quadrato perfetto**

$$\sqrt{25} = 5$$

$$\sqrt{1,44} = 1,2$$

il radicando è composto da **fattori primi con esponente pari**

$$\sqrt{144} = \sqrt{2^4 \cdot 3^2}$$

## APPROSSIMATE

il radicale è un **numero periodico o decimale illimitato non periodico (irrazionale)** formato da un **quadrato NON perfetto**

$$\sqrt{2} = 1,414213.....$$

il radicando è composto da **fattori primi con almeno un esponente dispari**

$$\sqrt{45} = \sqrt{3^2 \cdot 5^1}$$

## PROPRIETA'

**DIRETTA** – unisco le radici  
**INVERSA** – separo le radici

### con Moltiplicazione

$$\sqrt{4} \cdot \sqrt{9} \Leftrightarrow \sqrt{4 \cdot 9}$$

$$2 \cdot 3 = \sqrt{36}$$

$$6 = 6$$

### con divisione

*in riga*

$$\sqrt{100} : \sqrt{25} \Leftrightarrow \sqrt{100 : 25}$$

$$10 : 5 = \sqrt{4}$$

$$2 = 2$$

*in frazione*

$$\sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3}$$

## METODI DI CALCOLO DELLE RADICI

	PERFETTE	APPROSSIMATE
<b>A MENTE (entro il 100)</b>	<p>Ogni tabellina contiene un radicale perfetto dato dal prodotto di due numeri uguali</p> $3 \cdot 3 = 9$ $5 \cdot 5 = 25$ <p>da cui</p> $\sqrt{9} = 3$ $\sqrt{25} = 5$	<p>Considero due quadrati perfetti (uno maggiore e uno minore) che contengono il radicando da calcolare e approssimo il risultato al numero più vicino</p> <p>Es: <math>\sqrt{59}</math> compresa tra <math>\sqrt{49} = 7</math> <math>\sqrt{64} = 8</math> allora <math>\sqrt{59} \approx 7,7</math> (59 è vicino a 64)</p>
<b>METODO DIRETTO (con le tavole) entro il 1000</b>	<p>Si cerca il radicando nella colonna <b>n</b> (prima colonna) e si trova la sua radice nella colonna di <math>\sqrt{n}</math> (quarta colonna)</p>	<p>Si cerca il radicando nella colonna <b>n</b> (prima colonna) e si trova la sua radice nella colonna di <math>\sqrt{n}</math></p>
<b>METODO INDIRETTO (con le tavole) entro il 1000000</b>	<p>Si cerca il radicando nella colonna <b>n<sup>2</sup></b> (seconda colonna) e si trova la sua radice nella colonna di <b>n</b> (prima colonna)</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si moltiplica il numero da cercare x 100</li> <li>• Si cerca il numero nella colonna di <b>n<sup>2</sup></b></li> <li>• Non lo si trova, ma si trova un numero inferiore ad esso vicino</li> <li>• La radice è nella colonna di <b>n</b></li> <li>• Il numero <b>n : 10</b></li> </ul> $\sqrt{1247} = 1247 \cdot 100 = 124700 =$ $= \text{trovo } 124609 =$ $= 353 : 10 = 35,3$
<b>SCOMPOSIZIONE IN FATTORI PRIMI</b>	<p>La radice è un <b>numero intero</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• si scompone il radicando in fattori primi</li> <li>• si calcola la radice dividendo a metà <u>ogni esponente</u></li> <li>• si rimoltiplicano i fattori rimasti per ottenere il risultato</li> </ul> $\sqrt{144} = \sqrt{2^4 \cdot 3^2} =$ $2^2 \cdot 3^1 = 4 \cdot 3 = 12$	<p>La radice è un <b>radicale complesso</b> formato da una parte numerica intera moltiplicata ad una radice</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• si scompone il radicando in fattori primi</li> <li>• si calcola la radice dividendo a metà <u>gli esponenti pari</u></li> <li>• si applica la <b>PIPUB</b> (proprietà inversa di potenze di uguale base) e tolgo un fattore trasformando l'esponente in pari</li> <li>• il fattore tolto rimane sotto radice</li> </ul> $\sqrt{108} = \sqrt{2^2 \cdot 3^3} = \sqrt{2^2 \cdot 3^2 \cdot 3^1} =$ $2^1 \cdot 3^1 \cdot \sqrt{3} = 6\sqrt{3}$

## ESPRESSIONI CON LE RADICI

### INTERA (quadrati perfetti)

Il radicando è una frazione formata da **quadrati perfetti**.

Si calcola con la **proprietà inversa delle radici**

$$\begin{aligned} & \sqrt{\left(\frac{3}{4} - \frac{2}{3}\right) : \frac{15}{28} : \frac{1}{5} + 1} = \\ & = \sqrt{\left(\frac{9-8}{12}\right) \cdot \frac{28}{15} \cdot \frac{5}{1} + 1} = \\ & = \sqrt{\frac{1}{12} \cdot \frac{28}{15} \cdot 5 + 1} = \\ & = \sqrt{\frac{7}{9} + 1} = \sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{9}} = \frac{4}{3} \end{aligned}$$

### DA APPROSSIMARE (quadrati non perfetti)

Il radicando è una frazione formata da numeri qualsiasi

Si calcola con la **divisione tra numeratore e denominatore, ricercando la radice nelle tavole**

$$\begin{aligned} & \sqrt{1,3^2 - \left(0,1\overline{5} - \frac{1}{11}\right) : \frac{2}{33}} = \\ & = \sqrt{\left(\frac{13-1}{9}\right)^2 - \left(\frac{15}{99} - \frac{1}{11}\right) : \frac{2}{33}} = \\ & = \sqrt{\left(\frac{4}{3}\right)^2 - \left(\frac{15-9}{99}\right) : \frac{2}{33}} = \\ & = \sqrt{\frac{16}{9} - \frac{6}{99} \cdot \frac{33}{2}} = \\ & = \sqrt{\frac{16}{9} - 1} = \sqrt{\frac{16-9}{9}} = \sqrt{\frac{7}{9}} = \\ & = \sqrt{0,7} = \sqrt{0,7777} = \\ & \text{cerco } 7777 = \text{trovo } 7744 = 0,88 \end{aligned}$$